

1 Calcul numérique

Exercice 1:

Calculer.

1. $(+46) - (-53)$	3. $(-95) - (+57)$	5. $(-46) - (-8)$
2. $(-76) - (-71)$	4. $(+88) - (-77)$	6. $(-44) - (+37)$

Exercice 2:

Calculer.

1. $A = 58 - 35 + 24$	3. $C = (38 - 14) \div 8$	5. $E = 20 \div (2 + 3)$
2. $B = 6 \times (44 \div 11 + 4)$	4. $D = 8 \times 10 + 3 \times 11$	6. $F = 8 \times 10 - 77 \div 11$

Exercice 3:

Calculer.

1. $A = 6 \div (3 - 6)$	3. $C = -5 - (6 + 6)$	5. $E = -7 \times 7 + 5$
2. $B = -3 - (-6) + 7$	4. $D = 4 \times (-3 - 11)$	6. $F = 3 \times 3 \times (-4) + 9$

Exercice 4:

Calculer, en détaillant les calculs.

1. $A = 55 + 90 - 76 - (-62) + 12$	3. $C = -95 - 96 - (-35) + (-70) - 82$
2. $B = -34 + (-79) + (-69) - (-23) + 92$	4. $D = -91 - (-96) - 69 + 40 + (-34)$

Exercice 5:

Calculer :

1. $A = \frac{5}{3} + \frac{4}{5}$	3. $C = \frac{3}{2} + \frac{9}{4}$	5. $E = \frac{9}{2} + \frac{5}{3}$
2. $B = \frac{7}{4} - \frac{5}{3}$	4. $D = \frac{10}{2} - \frac{7}{6}$	6. $F = \frac{4}{5} - \frac{3}{5}$

Exercice 6:

Calculer.

1. $A = \frac{35}{5} + 6$	3. $C = \frac{42}{6} \times 3 - 10$	5. $E = \frac{88}{7+4} + 6$
2. $B = \frac{55-7}{5+1} + 2$	4. $D = \frac{6+3}{8+2} + 8$	6. $F = 3 + 3 \times \frac{56+7}{3 \times 3}$

Exercice 7:

Calculer :

1. $A = \frac{-21}{-15} \times \frac{12}{63}$	3. $C = \frac{15}{49} \times \frac{7}{40}$	5. $E = \frac{-28}{-25} \times \frac{-10}{21}$
2. $B = \frac{28}{10} \times \frac{10}{42}$	4. $D = \frac{3}{22} \times \frac{-11}{-27}$	6. $F = \frac{9}{49} \times \frac{49}{30}$

Exercice 8:

Calculer :

1. $A = \frac{5}{-7} \div \frac{7}{-10}$	3. $C = \frac{-3}{-8} \div \frac{-3}{-7}$	5. $E = \frac{1}{-7} \div \frac{-7}{9}$
2. $B = \frac{-3}{5} \div \frac{-1}{6}$	4. $D = \frac{7}{-8} \div \frac{-2}{-5}$	6. $F = \frac{-1}{6} \div \frac{7}{-8}$

Exercice 9:

Donner l'écriture des nombres suivants sous la forme d'un entier ou d'une fraction irréductible.

1. $A = \frac{1}{2} + \frac{1}{3} - \frac{1}{4}$	3. $C = 2 \times \left(\frac{1}{3} - \frac{3}{4}\right) + \left(\frac{4}{5} - \frac{5}{3}\right)$
2. $B = \left(1 - \frac{7}{3}\right) + \left(3 + \frac{5}{2}\right)$	

Exercice 10:

Effectuer les calculs suivant en respectant les priorités opératoires.

1. $A = \frac{7}{8} \times \frac{1}{6} - \frac{7}{48}$	3. $C = \frac{8}{7} - \frac{3}{7} \div \frac{2}{7}$	5. $E = \frac{3}{81} + \frac{5}{9} \div \frac{9}{10}$
2. $B = \frac{1}{10} \div \frac{3}{7} + \frac{6}{30}$	4. $D = \frac{6}{54} + \frac{1}{6} \times \frac{4}{9}$	6. $F = \frac{4}{9} - \frac{4}{9} \times \frac{5}{6}$

Exercice 11:

Simplifier le plus possible les fractions suivantes.

1. $\frac{4}{110}$	2. $\frac{119}{21}$	3. $\frac{25}{935}$	4. $\frac{154}{21}$
--------------------	---------------------	---------------------	---------------------

Exercice 12:

Ecrire sous la forme a^n .

1. $A = \frac{12^2}{(-3)^2}$	3. $C = \frac{(-2)^5}{(-2)^4}$
2. $B = (-3)^2 \times (-2)^2$	4. $D = (2^4)^2$

Exercice 13:Ecrire les nombres suivants sous la forme a^n .

1. $A = \frac{2^3 \times 8}{2^6}$

3. $C = \frac{2 \times 2^6}{4 \times 4}$

5. $E = \frac{3^6 \times 9}{3^3 \times 3^2}$

2. $B = \frac{8 \times 2}{4^3}$

4. $D = \frac{27^2}{3}$

6. $F = \frac{4^4}{2}$

Exercice 14:

Simplifier les nombres suivants.

1. $A = 3^3 \times 3^{-2} \times 3 \times 3^5$

3. $C = (3^2 \times 3^3)^2$

2. $B = \frac{2 \times 2^3 \times 2^4}{2^3 \times 2^6}$

4. $D = \frac{2^2 \times 3^4 \times 5^3}{5^2 \times 3^2 \times 2}$

Exercice 15:

- Écrire $\sqrt{150}$ sous la forme $a\sqrt{6}$ où a est un entier.
- Écrire $\sqrt{384}$ sous la forme $a\sqrt{6}$ où a est un entier.
- Écrire $\sqrt{32}$ sous la forme $a\sqrt{2}$ où a est un entier.
- Écrire $\sqrt{243}$ sous la forme $a\sqrt{3}$ où a est un entier.

Exercice 16:

- Écrire $A = 7\sqrt{640} - 8\sqrt{810} + 4\sqrt{40}$ sous la forme $a\sqrt{10}$ où a est un entier.
- Écrire $B = -8\sqrt{405} + 4\sqrt{180} - 5\sqrt{245}$ sous la forme $a\sqrt{5}$ où a est un entier.
- Écrire $C = 6\sqrt{294} + 5\sqrt{600} + 4\sqrt{216}$ sous la forme $a\sqrt{6}$ où a est un entier.
- Écrire $D = -7\sqrt{891} + 4\sqrt{539} + 3\sqrt{44}$ sous la forme $a\sqrt{11}$ où a est un entier.

Exercice 17:

1. Calculer
- A
- et donner le résultat sous la forme fractionnaire la plus simple possible.

$$A = \frac{14 \times 10^5 \times 35 \times 10^{-3}}{21 \times 10^3}.$$

2. Ecrire
- B
- sous la forme
- $a \times 10^n$
- avec
- $a \in \mathbb{N}$
- et
- $n \in \mathbb{Z}$
- ,
- $B = \frac{35 \times 10^{-3} \times 3 \times 10^5}{21 \times 10^{-1}}$
- .

3. Calculer
- C
- et donner le résultat en écriture scientifique
- $C = \frac{5 \times 10^{-3} \times 12 \times 10^6}{15 \times 10^2 \times 8 \times 10^{-5}}$
- .

4. Donner les écritures décimale et scientifique de
- $D = \frac{3 \times 10^2 \times 1,2 \times (10^{-3})^4}{0,2 \times 10^{-7}}$
- .

2 Calcul algébrique

2.1 Réduire

Exercice 18:

- | | | |
|--|---|--|
| 1. Calculer $9x + 7$ pour $x = 6$. | 3. Calculer $5(x+7)$ pour $x = 10$. | 5. Calculer $3x^2 - 2x + 3$ pour $x = 5$. |
| 2. Calculer $5x^2 + 4x - 5$ pour $x = 6$. | 4. Calculer $x^2 + y^2$ pour $x = 6$ et $y = 9$. | 6. Calculer $2x^2 + 4x + 3$ pour $x = 4$. |

Exercice 19:

Simplifier l'écriture.

- | | | |
|-----------------|-----------------------------------|---------------------|
| 1. $x \times x$ | 3. $5 \times x \times x \times 8$ | 5. $(x+3) \times 4$ |
| 2. $x + 3$ | 4. $x \times x \times x + 7$ | 6. $9 + x \times x$ |

Exercice 20:

- | | |
|--|--|
| 1. Calculer $-2x^2 + 6(x-1) + 6y^3$ pour $x = 3$ et $y = -2$. | 3. Calculer $3(x-1)$ pour $x = -5$. |
| 2. Calculer $4x^2 - 3x - 4$ pour $x = -4$. | 4. Calculer $x^2 - y^2$ pour $x = -5$ et $y = 4$. |

Exercice 21:

Supprimer les parenthèses et réduire les expressions suivantes.

- | | |
|--------------------------------------|--|
| 1. $A = -(-2x+6) + (-5x^2 + 4x + 8)$ | 3. $C = -(-9a+2)^*$ |
| 2. $B = (-7z-8) - (4z-3)^*$ | 4. $D = (7x^2 - 3x + 6) - (10x^2 - 11x - 9)$ |

Exercice 22:

Supprimer les parenthèses et réduire les expressions suivantes.

- | | | |
|------------------------|------------------------|-----------------------|
| 1. $A = 3 + (7z+7)$ | 3. $C = -8 - (-3y-3)$ | 5. $E = 9 + (8b-1)$ |
| 2. $B = 11x - (-4x-3)$ | 4. $D = -10z + (2z+6)$ | 6. $F = 5a + (-2a-7)$ |

Exercice 23:

Supprimer les parenthèses et réduire les expressions suivantes.

- | | |
|--------------------------------------|--|
| 1. $A = -(-9a+4) + (-6a^2 + 6a + 6)$ | 3. $C = -(-6b^2 - 8b + 11)$ |
| 2. $B = -(-9x-1)$ | 4. $D = (4b^2 - 8b + 4) - (8b^2 + 2b - 9)$ |

2.2 Développer

Exercice 24:

Développer et réduire les expressions suivantes.

1. $A = (7x - 6)(7x + 6)$

2. $B = (6c - 3)(6c + 3)$

3. $C = (5a - 8)(5a + 8)$

4. $D = (9c - 1)(9c + 1)$

Exercice 25:

Développer et réduire les expressions suivantes.

1. $A = (-3x + 9)^2$

2. $B = \left(\frac{2}{7}x + 1\right)^2$

3. $C = (x + 5)^2$

4. $D = \left(\frac{1}{4}x + 2\right)^2$

Exercice 26:

Développer et réduire les expressions suivantes.

1. $A = \left(\frac{7}{8}x - 10\right)^2$

2. $B = (-7x + 11)^2$

3. $C = \left(\frac{8}{9}x - 7\right)^2$

4. $D = (-11x + 4)^2$

Exercice 27:

Développer puis réduire les expressions littérales suivantes.

1. $A = (x + 1)(-5x - 5) + (4x + 4)^2$

2. $B = (z - 3)(z + 3) + (-3z - 1)^2$

3. $C = (-3y - 4)(-2y + 4) - (2y + 2)(5y + 5)$

4. $D = (3y - 1)(4y - 2) + (-3y - 1)(4y - 2)$

5. $E = (-z + 3)(5z - 3) - (z + 4)^2$

6. $F = (4x + 5)(4x - 5) - (-4x + 3)^2$

7. $G = (4t - 5)^2 + (-3t - 2)^2$

8. $H = (-2t - 4)^2 - (-4t + 3)^2$

2.3 Factoriser

Exercice 28:

Factoriser les expressions suivantes.

1. $A = 5(2x + 3) + x(2x + 3)$

2. $B = (3x + 4)(x - 1) + (5x - 2)(x - 1)$

3. $C = 3(x - 3) - x(x - 3)$

4. $D = (5x - 3)(x - 1) - (6x + 5)(x - 1)$

Exercice 29:

Factoriser les expressions suivantes.

1. $A = 9x^2 - 49$

2. $B = 25x^2 - 16$

3. $C = 36x^2 - 1$

4. $D = 81x^2 - 4$

Exercice 30:

Factoriser les expressions suivantes.

1. $A = \frac{1}{16}x^2 - 9$

2. $B = \frac{1}{16}x^2 - 1$

3. $C = \frac{25}{81}x^2 - 81$

4. $D = \frac{9}{25}x^2 - 4$

5. $E = \frac{1}{49}x^2 - 49$

6. $F = \frac{36}{49}x^2 - 36$

Exercice 31:

Factoriser les expressions suivantes.

1. $A = (6x - 4)^2 - 9$

2. $B = (5x + 1)^2 - 4$

3. $C = (2x + 2)^2 - 9$

4. $D = (3x - 1)^2 - 9$

5. $E = (9x + 6)^2 - 4$

6. $F = (-2x + 5)^2 - 49$

Exercice 32:

Factoriser les expressions suivantes.

1. $A = (2x - 5)(7 + 3x) - (4x^2 - 20x + 25)$

2. $B = (x - 3)(3x + 5) + (9x^2 + 30x + 25)$

3. $C = 3(x + 3)(2x + 3) - (4x^2 - 9)$

4. $D = (2x - 1)^2 - (3 - 5x)^2$

3 Equations

3.1 Equations du produit degré

Exercice 33:

Résoudre les équations suivantes.

1. $-8z - 13 = -9$

2. $9x = -3$

3. $m + 13 = 1$

4. $5x - 2 = -11x + 1$

5. $-9b - 3 = 0$

6. $\frac{-2c}{-5} = 4$

Exercice 34:

Résoudre les équations suivantes.

1. $\frac{a}{6} = 2$

2. $c + 1 = 5$

3. $3y = -8$

4. $-2y - 2 = 3$

5. $-3y + 12 = -13y + 9$

6. $-6x - 3 = 0$

Exercice 35:

Résoudre les équations suivantes.

1. $4x - 5(3 - 2x) = 4 - (2x - 7)$

2. $9x - 3(4 - 3x) = 2 - [35 - 3(4 - 2x)]$

3. $7 - 3(4 - 2x) - 5[2 - 3(x - 5)] = 4 - 3(x - 4)$

4. $4(x - 2) - 3[6 - 2(3 - 4x)] + 3(7 - 2x) = 0$

3.2 Equations produits

Exercice 36:

Résoudre les équations suivantes

1. $(-9x - 9)(-3x + 1) = 0$

2. $(-3x - \frac{1}{3})(-4x + \frac{3}{7}) = 0$

3. $(\frac{1}{7}x + 9)(\frac{-5}{7}x + 2) = 0$

4. $(\frac{-1}{5}x + 8)(\frac{-1}{7}x + 2) = 0$

5. $(x - 8)(-2x + 1) = 0$

6. $(5x - \frac{1}{7})(6x + \frac{2}{7}) = 0$

Exercice 37:

Résoudre les équations suivantes.

1. $(x + 1)(3x - 4)(2x - 3) = 0$

2. $\sqrt{2}(x - 1)(x - 2)(x - 3)(x - 4)(x - 5) = 0$

Exercice 38:

Résoudre les équations suivantes.

1. $(5x - 2)(x + 7) + (5x - 2)^2 = 0$

2. $2(3x + 5) + (x + 7)(3x + 5) = 0$

3. $(2x + 3)^2 - (x + 5)(2x + 3) = 0$

4. $(3x - 2)^2 - 81 = 0$

Exercice 39:

1. Préciser les valeurs interdites éventuelles, puis résoudre l'équation : $\frac{4x + 3}{7x - 4} = 0$.

2. Préciser les valeurs interdites éventuelles, puis résoudre l'équation : $\frac{9 + x}{-x - 3} = 6$.

3. Préciser les valeurs interdites éventuelles, puis résoudre l'équation : $\frac{2}{-2x - 4} = \frac{1}{-5x - 1}$.

3.3 Systèmes d'équations

Exercice 40:

Déterminer si le couple proposé est solution du système d'équations.

1. Le couple $(-8; -9)$ est-il solution du système $\begin{cases} x - 3y = 21 \\ 4x + 4y = -76 \end{cases}$?

2. Le couple $(-8; 2)$ est-il solution du système $\begin{cases} 5x - 5y = -50 \\ 6x + 2y = -44 \end{cases}$?

Exercice 41:

Résoudre les systèmes d'équations suivants par combinaison linéaire :

1. $\begin{cases} -6x + y = 56 \\ 4x + 4y = 0 \end{cases}$

2. $\begin{cases} 22x + 7y + 6 = 19x + 5y + 4 \\ 5x - 5y + 5 = 7x - 12 \end{cases}$

Exercice 42:

Résoudre les systèmes suivants par substitution :

1.
$$\begin{cases} -3y = -3x + 3 \\ y = 4x + 17 \end{cases}$$

2.
$$\begin{cases} x = -3y + 16 \\ 2x = -2y \end{cases}$$

4 Polynômes de degré 2**4.1 Résolution****Exercice 43:**

Résoudre pour tout $x \in \mathbb{R}$ les équations suivantes :

1. $x^2 + 2x + 2 = 0$

2. $1 - x^2 + 13x + 2 = 0$

3. $x^2 - x - 1 = 0$

4. $-5x^2 + 8x - 3,25 = 0$

5. $x^2 - (\sqrt{2} + \sqrt{3})x + \sqrt{6} = 0$

6. $-3x^2 + 8x = 5$

Exercice 44:

Soit $x \in \mathbb{R}$, résoudre les équations suivantes sur \mathbb{R} en précisant les valeurs interdites le cas échéant.

1. $(3x^2 + 5x - 8)(9x^2 - 6x + 1) = 0$

2. $5x^3 + 4x^2 - x = 0$

3. $x - 3 = \frac{2}{x}$

4. $\frac{x}{x-1} + \frac{1}{x-2} = 0$

5. $\frac{5x^2 - 11x + 2}{x-2} = 0$

4.2 Factorisation d'un trinôme**Exercice 45:**

Pour chacune des fonctions suivantes, déterminer ses racines éventuelles et une forme factorisée la cas échéant.

1. $f : x \mapsto -4x^2 - 10x + 6$

2. $g : x \mapsto \frac{1}{2}x^2 - 4x + 8$

3. $h : x \mapsto 4x^2 + x + 9$

4. $k : x \mapsto 4x^2 + 13x + 9$

5. $\psi : x \mapsto x^2 - 2x + 1$

6. $\phi : x \mapsto -3x^2 + 2x - 5$

4.3 Signe d'un trinôme**Exercice 46:**

Soit $x \in \mathbb{R}$, résoudre les inéquations suivantes sur \mathbb{R} :

1. $-4x^2 - 11x + 3 \geq 0$

2. $-3x^2 + 2x - 6 < 0$

3. $3x^2 - 24x + 48 \geq 0$

4. $5x^2 - 3x - 1 > 0$

5. $4x^2 - 7 \leq 0$

6. $3x^2 - 5x < 4x + 5$

Exercice 47:

Soit $x \in \mathbb{R}$, résoudre les inéquations suivantes sur \mathbb{R} en précisant les valeurs interdites le cas échéant.

1. $(x+3)(2x^2 - 10x + 12) > 0$

2. $(x^2 - 3)(-6x^2 + 7x - 1) \leq 0$

3. $3x + 2 < \frac{5}{x}$

4. $\frac{x^2 - x - 6}{-4x^2 - 6x + 4} > 0$

5. $\frac{x+1}{x-1} + \frac{4}{5x-2} > 0$

5 Trigonométrie**Exercice 48:**

Convertir les mesures des angles suivants en degrés :

1. $\frac{\pi}{12}$ rad

2. $\frac{\pi}{5}$ rad

3. $\frac{2\pi}{7}$ rad

Exercice 49:

Convertir les mesures des angles suivants en degrés (arrondir à l'unité près) :

1. 0,314 rad

2. 1,75 rad

3. 7,35 rad

Exercice 50:

Convertir les mesures des angles suivants en radians :

1. 120°

2. 15°

3. 72°

Exercice 51:

Convertir les mesures des angles suivants en degrés (arrondir au millième près) :

1. 95°

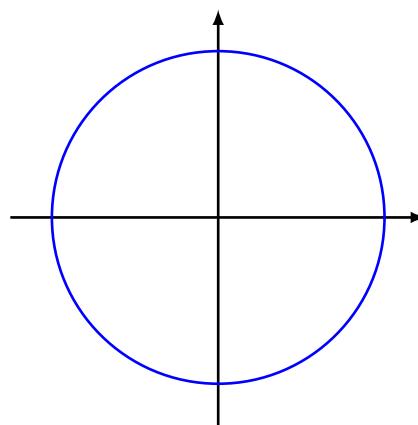
2. 135°

3. 275°

Exercice 52:

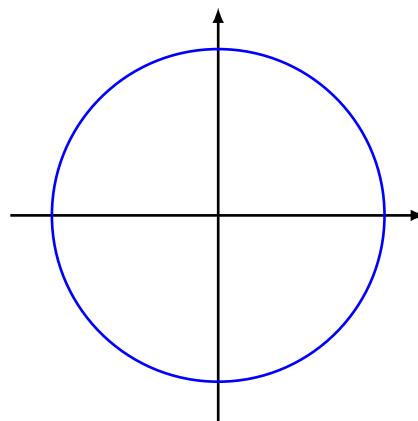
Placer sur le cercle trigonométrique les points $A, B, C, D, E, F, G, H, I$ et J associés respectivement, par enroulement de la droite numérique, aux nombres réels suivants :

- | | |
|-----------------------|------------------------|
| 1. 13π | 6. $\frac{101\pi}{2}$ |
| 2. $\frac{3\pi}{5}$ | 7. $\frac{37\pi}{2}$ |
| 3. $-\frac{11\pi}{4}$ | 8. $-\frac{7\pi}{6}$ |
| 4. -26π | 9. $\frac{28\pi}{3}$ |
| 5. $-\frac{16\pi}{3}$ | 10. $-\frac{15\pi}{7}$ |

**Exercice 53:**

Placer sur le cercle trigonométrique les points $A, B, C, D, E, F, G, H, I$ et J associés respectivement, par enroulement de la droite numérique, aux nombres réels suivants :

- | | |
|-----------------------|-----------------------|
| 1. $\frac{50\pi}{3}$ | 5. $\frac{25\pi}{2}$ |
| 2. $\frac{19\pi}{6}$ | 6. $-\frac{43\pi}{3}$ |
| 3. $-\frac{25\pi}{4}$ | 7. $\frac{2\pi}{15}$ |
| 4. 151π | 8. $-\frac{7\pi}{10}$ |

**Exercice 54:**

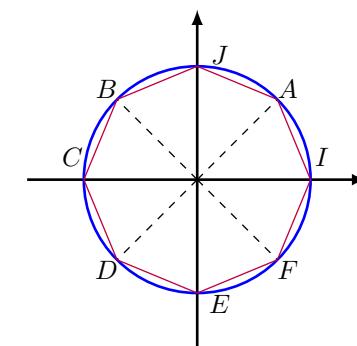
Déterminer la mesure principale des angles dont une mesure est :

- | | | | | |
|----------------------|----------------------|-----------------------|-----------------------|------------------------|
| 1. $\frac{13\pi}{4}$ | 3. $\frac{11\pi}{6}$ | 5. $-\frac{17\pi}{4}$ | 7. $-\frac{19\pi}{6}$ | 9. $-\frac{121\pi}{3}$ |
| 2. $\frac{8\pi}{3}$ | 4. $\frac{21\pi}{2}$ | 6. $-\frac{11\pi}{3}$ | 8. $\frac{221\pi}{4}$ | 10. $\frac{365\pi}{6}$ |

Exercice 55:

Le plan est muni d'un repère orthonormé (O, I, J) .

1. $IAJBCDEF$ est un octogone régulier de centre O . Donner un nombre $[0; 2\pi[$ associé à chacun des sommets de cet octogone.
2. Donner de même un nombre réel associé à chacun des sommets d'un hexagone régulier $IGHKLM$ de centre O inscrit dans le cercle trigonométrique.

**Exercice 56:**

Sans utiliser la calculatrice et en utilisant des valeurs remarquables, déterminer les valeurs exactes du cosinus et du sinus des nombres réels suivant :

- | | | | | |
|----------------------|------------------------|-----------------------|------------------------|-------------------------|
| 1. $\frac{15\pi}{3}$ | 4. $-\frac{5\pi}{2}$ | 7. $\frac{101\pi}{6}$ | 10. $-\frac{15\pi}{2}$ | 13. $-\frac{21\pi}{2}$ |
| 2. $-\frac{9\pi}{4}$ | 5. $-\frac{28\pi}{3}$ | 8. $\frac{70\pi}{3}$ | 11. $\frac{43\pi}{4}$ | |
| 3. $-\frac{7\pi}{6}$ | 6. $\frac{2018\pi}{4}$ | 9. $-\frac{25\pi}{4}$ | 12. $\frac{19\pi}{6}$ | 14. $\frac{1981\pi}{3}$ |

Exercice 57:

Calculer chaque expression, donner si nécessaire le résultat sous forme d'une fraction simplifiée.

- | | |
|---|--|
| 1. $\cos\left(\frac{\pi}{3} + \frac{\pi}{6}\right)$ | 3. $\sin\left(\frac{\pi}{3}\right) - \cos\left(\frac{\pi}{3}\right)$ |
| 2. $\sin\left(\frac{3\pi}{4}\right) + \cos\left(\frac{\pi}{4}\right)$ | 4. $\sin\left(\frac{\pi}{2}\right) + \cos\left(\frac{\pi}{3}\right) + \cos(\pi)$ |