Chapitre 4 : Représentations graphiques

Table des matières

Chapitre 4 : Représentations graphiques 1
Axel CARPENTIER
1 La bibliothèque `matplotlib` 3
2 Tracé simple 3
3 Tracé du graphe d'une fonction 4
3.1 Fonctionnement 4
3.2 Personnalisation d'un graphique sur un exemple 5

1 La bibliothèque `matplotlib`

Le module `matplotlib.pyplot` est une bibliothèque python qui permet de faire de nombreuses choses mathématiques, entre autre des graphiques.
En liaison avec le module `numpy`, le module `matplotlib.pyplot` contient un certain nombre de fonctions dédiées au tracé de graphes. La première chose à faire consiste donc à importer ces deux modules :

```
1 import numpy as np
2 import matplotlib.pyplot as plt
```

Les fonctions du module `numpy` sont désormais utilisables à condition d'être préfixées par `np` ; celles du module `matplotlib.pyplot` par le préfixe `plt`.
Il est naturellement possible de choisir un autre préfixe pour importer ces modules, ceux choisis ici sont les plus conventionnellement utilisés et universalisés.

Le principe général d'un tracé de graphe consiste, à partir d'une figure initialement vide, à lui ajouter progressivement des éléments graphiques (graphes, axes, légendes, ...) qui vont se superposer via les différentes fonctions intégrées dans le module `matplotlib.pyplot`.

2 Tracé simple

La fonction `plt.plot` permet de tracer des points.

```
1 x=2
2 y=3
3
4 plt.plot(x,y)
5 plt.show()
```

On voit alors le tracé effectué apparaître dans un fenêtre annexe.

Pour tracer plusieurs points, on peut préférer définir une liste de points, ce qui va permettre, entre autre, de relier les points entre eux, par exemple :

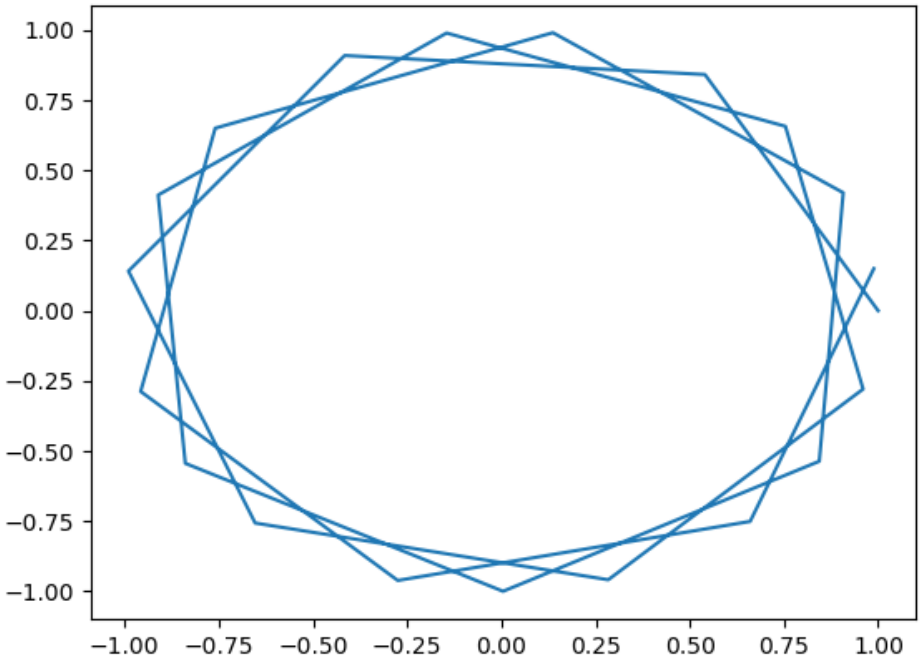
```
1 x=[2,4,5]
2 y=[3,5,8]
3
4 plt.plot(x,y)
5 plt.show()
```

On a, de manière générale, pour $X = [x_0, x_1, x_2, \ldots, x_n]$ et $Y = [y_0, y_1, y_2, \ldots, y_n]$ deux listes numériques de même taille, la fonction `plt.plot(X, Y)` ajoute à la figure une ligne brisée qui relie les points de coordonnées (x_i, y_i) pour $0 \leq i \leq n$.

Exemple 1:
On considère le code suivant :

```
1 X = [np.cos(t) for t in range(20)]
2 Y = [np.sin(t) for t in range(20)]
3
4 plt.plot(X, Y)
5 plt.show()
```

En exécutant le programme précédent, un fenêtre va s'ouvrir affichant le graphique suivant :



3 Tracé du graphe d'une fonction

3.1 Fonctionnement

Une fois une fonction définie, on peut tracer des points de sa courbe représentative, par exemple, pour la fonction carré et en utilisant une boucle `for` (et plus précisément une boucle avec `range`):

```
1 def f(x):
2     y=x**2
3     return y
4
5 for i in range(-10,10):
6     x=i
7     plt.plot(x,f(x))
8 plt.show()
```

Le programme précédent place un point de la courbe représentative à chaque abscisse entière, ce qui fait en tout peu de points. Par ailleurs, dans le programme précédent, on trace un point après l'autre. On peut aussi, comme dans le premier exemple, calculer des listes de coordonnées: liste d'abscisses et liste d'ordonnées puis demander, en une seule fois, l'affichage graphique.

On appelle "pas" l'écart entre deux abscisses consécutives, qui vaut donc 1 dans le programme précédent.
On peut bien sûr tracer autant de points et avec un pas aussi fin qu'on le souhaite.

On modifie par exemple le programme précédent pour tracer des points de la courbe avec un pas de un dixième:

```
def f(x):
    y=x**2
    return y

pas=0.1
for i in range(-10,10):
    x=i*pas
    plt.plot(x,f(x))
plt.show()
```

De manière générale, pour tracer le graphe d'une fonction d'équation $y = f(x)$ sur l'intervalle $[a, b]$, il suffit de subdiviser cet intervalle avec un pas suffisamment fin $x_0 = a < x_1 << x_{n-1} = b$, puis, pour chaque valeur x_i de cette subdivision, calculer la valeur $y_i = f(x_i)$.
La fonction `linspace` du module `numpy` réalise simplement cette subdivision.
En effet, `np.linspace(a,b,n)` subdivise $[a, b]$ en n points équirépartis.

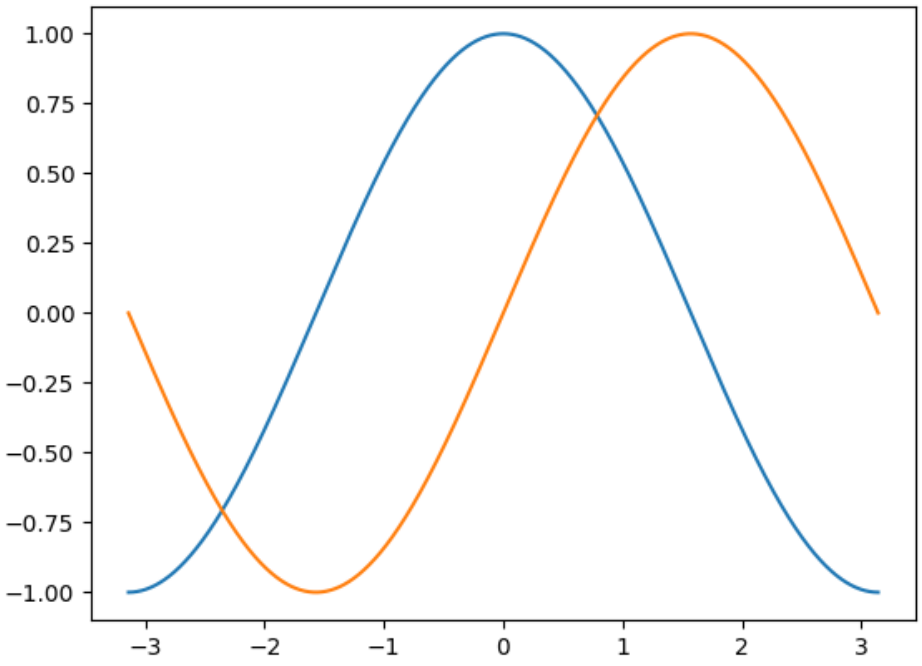
3.2 Personnalisation d'un graphique sur un exemple

On souhaite représenter graphiquement les fonctions $t \mapsto \sin(t)$ et $t \mapsto \cos(t)$ sur l'intervalle $[-\pi, \pi]$.

```
X = np.linspace(-np.pi, np.pi, 1000)
C = [np.cos(x) for x in X]
S = [np.sin(x) for x in X]

plt.plot(X, C)
plt.plot(X, S)
plt.show()
```

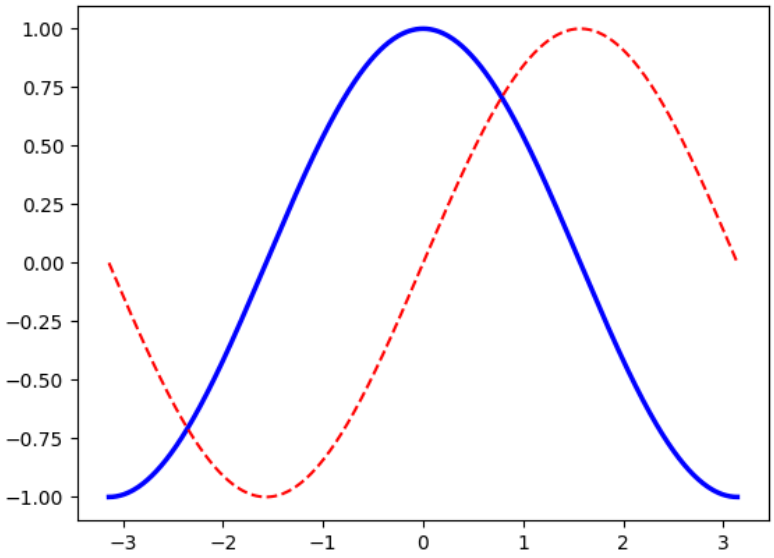
En exécutant le programme précédent, une fenêtre s'ouvre affichant le graphique suivant :



On remarque que les deux graphes ont été automatiquement tracés en deux couleurs différentes. Il est bien sur possible de choisir la couleur du graphe, ainsi que l'épaisseur du trait et le style du tracé. On peut donc remplacer le tracé par :

```
plt.plot(X, C, color="blue", linestyle="-", linewidth=2.5)
plt.plot(X, S, color="red", linestyle="dashed")
```

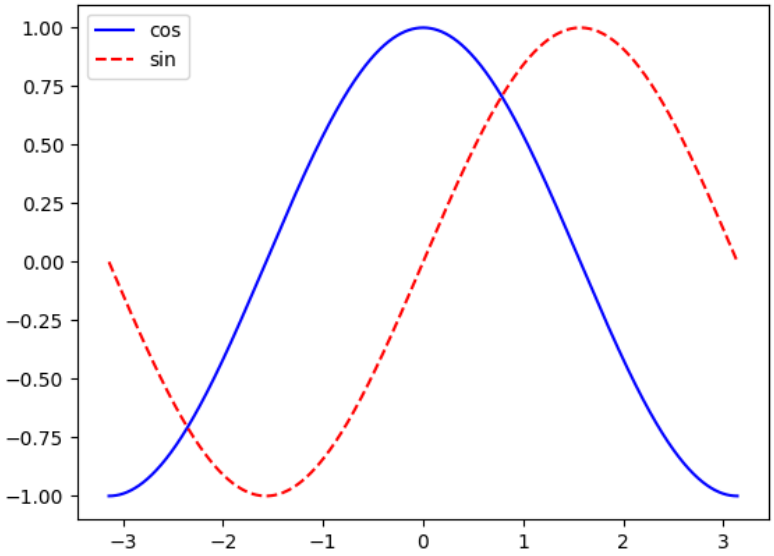
On obtient alors le graphique suivant :



On peut aussi ajouter une légende associée à chacune des courbes tracées en utilisant le paramètre `label` de la fonction `plot`. La fonction `legend` associe à la couleur du tracé le label que vous lui avez donné :

```
plt.plot(X, C, color="blue", linestyle="-", label='cos')
plt.plot(X, S, color="red", linestyle="dashed", label='sin')
plt.legend(loc='upper left')
```

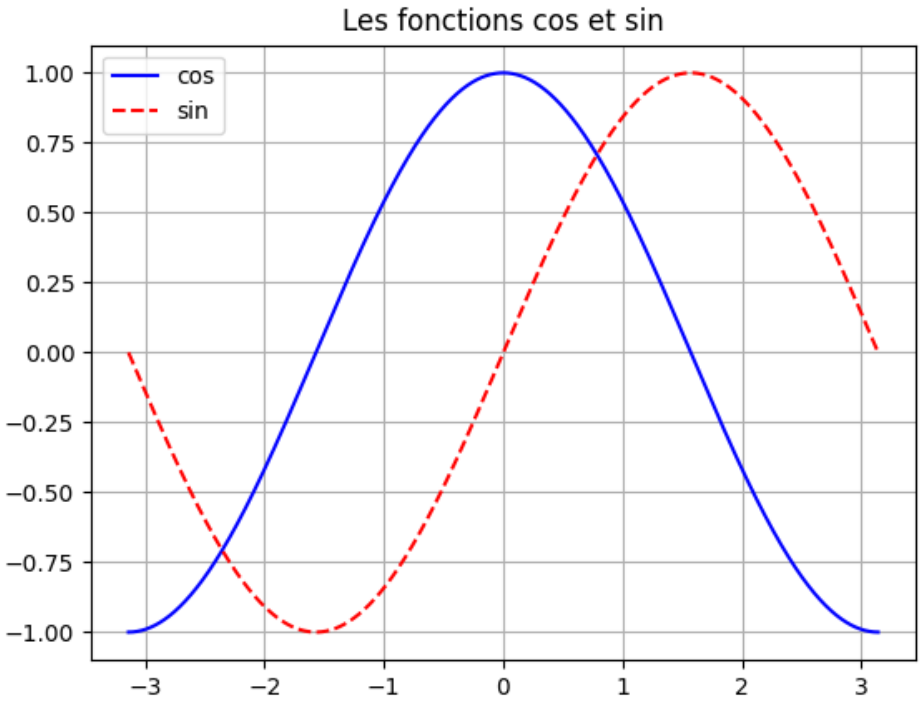
On obtient alors le graphique suivant :



La fonction `plt.grid` permet de faire apparaitre le quadrillage associé à la subdivision choisie.
Enfin, la fonction `plt.title` ajoute un titre à la figure créée. On obtient alors le programme complet suivant :

```
1  import numpy as np
2  import matplotlib.pyplot as plt
3
4  X = np.linspace(-np.pi, np.pi, 1000)
5  C = [np.cos(x) for x in X]
6  S = [np.sin(x) for x in X]
7
8  plt.plot(X, C, color="blue", linestyle="-", label='cos')
9  plt.plot(X, S, color="red", linestyle="dashed", label='sin')
10 plt.legend(loc='upper left')
11 plt.grid()
12 plt.title('Les fonctions cos et sin')
13 plt.show()
```

En exécutant ce programme on obtient alors le graphique suivant :



Les modifications et personnalisations effectuées ici sont naturellement arbitraires et ne constituent qu'un exemple.
Il est possible de représenter de nombreuses fonctions et de modifier et personnaliser le graphique à sa guise selon des critères esthétiques et pratiques (selon ce que l'on cherche à mettre en évidence sur une représentation graphique de fonction).